

B. ĐỀ BÀI

§1. NGUYÊN HÀM

3.1. Tìm nguyên hàm của các hàm số sau :

a) $y = 1 - x$; b) $y = 2 + x^2$; c) $y = x^3 - 9$;
d) $y = \frac{2}{5} + \frac{1}{3}x^2$; e) $y = \frac{1}{2}\sqrt{x} - \frac{1}{x^2}$; f) $y = \frac{5}{2}x^{\frac{3}{2}} + 8x$.

3.2. Tìm nguyên hàm của các hàm số sau :

a) $y = (x+2)(x-3)$; b) $y = (x^2-3x)(x+1)$;
c) $y = (x-3)^3$; d) $y = (x+2x^3)(x+1)$.

3.3. Tìm

a) $\int \frac{x^2 - 3x}{x} dx$; b) $\int \frac{4x^3 + 5x^2 - 1}{x^2} dx$;
c) $\int \frac{(x+2)^2}{x^4} dx$; d) $\int \frac{(x^2 + 1)^2}{x^2} dx$.

3.4. Tìm

a) $\int (x^{\frac{3}{4}} + x^{-\frac{1}{2}} - 5) dx$; b) $\int \sqrt{x}(\sqrt{x} - 2x)(x+1) dx$;
c) $\int (x^{-3} - 2x^{-2} + 4x + 1) dx$; d) $\int \left[(2x+3x^{-2}) \left(x^2 - \frac{1}{x} \right) + 3x^{-3} \right] dx$.

3.5. Tìm hàm số $y = f(x)$, biết rằng

a) $f'(x) = 2x + 1$ và $f(1) = 5$; b) $f'(x) = 2 - x^2$ và $f(2) = \frac{7}{3}$;
c) $f'(x) = 4\sqrt{x} - x$ và $f(4) = 0$; d) $f'(x) = x - \frac{1}{x^2} + 2$ và $f(1) = 2$.

3.6. Tìm hàm số $y = f(x)$, biết rằng :

- a) $f'(x) = 3(x + 2)^2$ và $f(0) = 8$;
- b) $f'(x) = \sqrt[3]{x} + x^3 + 1$ và $f(1) = 2$;
- c) $f'(x) = (x + 1)(x - 1) + 1$ và $f(0) = 1$;
- d) $f'(x) = 4x^3 - 3x^2 + 2$ và $f(-1) = 3$.

3.7. Tìm hàm số $y = f(x)$ nếu biết $f'(x) = ax + \frac{b}{x^2}$, $f(-1) = 2$, $f(1) = 4$.

3.8. Tìm hàm số $y = f(x)$ nếu biết $f'(x) = \frac{15\sqrt{x}}{14}$, $f(1) = 4$ và $f(4) = 9$.

3.9. Tìm nguyên hàm của các hàm số lượng giác sau :

a) $y = (2\tan x + \cot x)^2$; b) $y = \frac{1}{\sin^2 x \cos^2 x}$; c) $y = 3 \sin^2 \frac{x}{2}$.