

BÀI TẬP ÔN CUỐI NĂM

A. Phần đại số

Bài 1 [1]. Thực hiện các phép tính :

a) $9,6 \cdot 2\frac{1}{2} - \left(2,125 - 1\frac{5}{12} \right) : \frac{1}{4};$

b) $\frac{5}{18} - 1,456 : \frac{7}{25} + 4,5 \cdot \frac{4}{5};$

c) $\left(\frac{1}{2} + 0,8 - 1\frac{1}{3} \right) \cdot \left(2,3 + 4\frac{7}{25} - 1,28 \right);$

$$\text{d)} (-5) \cdot 12 : \left[\left(-\frac{1}{4} \right) + \frac{1}{2} : (-2) \right] + 1\frac{1}{3}.$$

Giai

$$\text{a)} 9,6 \cdot 2\frac{1}{2} - \left(2,125 - 1\frac{5}{12} \right) : \frac{1}{4} = 9,6 \cdot 2,5 - \left(250 - 1 - \frac{5}{12} \right) : \frac{1}{4}$$

$$= \dots - \left(\dots - \frac{5}{12} \right) : \frac{1}{4} = \dots - \frac{\dots - \dots}{12} : \frac{1}{4}$$

$$= \dots - \frac{\dots - \dots}{12} \cdot 4 = \dots - \frac{\dots}{3} = \frac{\dots \cdot 3 - \dots}{3}$$

$$= \frac{\dots - \dots}{3} = \frac{-\dots}{3} = -970\frac{1}{3}.$$

$$\text{b)} \frac{5}{18} - 1,456 : \frac{7}{25} + 4,5 \cdot \frac{4}{5} = \frac{5}{18} - 1,456 : 0,28 + 4,5 \cdot 0,8$$

$$= \frac{5}{18} - \dots + \dots = \frac{5}{18} - \dots$$

$$= \frac{5}{18} - \frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots - \dots}{90} = \frac{\dots - \dots}{90} = \frac{-\dots}{90} = -1\frac{29}{90}.$$

$$\text{c)} \left(\frac{1}{2} + 0,8 - 1\frac{1}{3} \right) \cdot \left(2,3 + 4\frac{7}{25} - 1,28 \right)$$

$$= \left(0,5 + 0,8 - \frac{4}{3} \right) \cdot (2,3 + 4,28 - 1,28)$$

$$= \left(\dots - \frac{4}{3} \right) \cdot (2,3 + \dots)$$

$$= \left(\dots - \frac{4}{3} \right) \cdot \dots = \frac{\dots - \dots}{30} \cdot \frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{30} \cdot \frac{-\dots}{\dots} = \frac{-53}{300}.$$

$$\text{d)} (-5) \cdot 12 : \left[\left(-\frac{1}{4} \right) + \frac{1}{2} : (-2) \right] + 1\frac{1}{3} = -\dots : \left[\left(-\frac{1}{4} \right) + \left(-\frac{1}{4} \right) \right] + 1\frac{1}{3}$$

$$= \dots : \left(\frac{-1}{\dots} \right) + 1\frac{1}{3} = \dots + 1\frac{1}{3} = 121\frac{1}{3}.$$

Bài 2 [2]. Với giá trị nào của x thì ta có :

$$a) |x| + x = 0; \quad b) x + |x| = 2x.$$

Giải :

$$\begin{aligned} a) |x| + x &= 0 & b) x + |x| &= 2x \\ \Leftrightarrow |x| &= -\dots & \Leftrightarrow |x| &= \dots; \\ \Leftrightarrow x &\leq 0; & \Leftrightarrow x &\geq 0. \end{aligned}$$

Bài 3 [3]. Từ tỉ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ($a \neq c, b \neq \pm d$) hãy rút ra tỉ lệ thức $\frac{a+c}{a-c} = \frac{b+d}{b-d}$.

Giải

Theo tính chất của dãy tỉ số bằng nhau, ta có :

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{\dots + \dots}{b+d} = \frac{\dots - \dots}{b-d} \quad (a \neq c, b \neq \pm d \text{ nên } a-c \neq 0, b \pm d \neq 0).$$

Từ tỉ lệ thức $\frac{\dots + \dots}{b+d} = \frac{\dots - \dots}{b-d}$ suy ra $\frac{a+c}{a-c} = \frac{b+d}{b-d}$.

Bài 4 [4].

Ba đơn vị kinh doanh đầu tư vốn tỉ lệ với 2 ; 5 và 7. Hỏi mỗi đơn vị được chia bao nhiêu lãi nếu số tiền lãi là 560 triệu đồng và tiền lãi được chia tỉ lệ thuận với vốn đầu tư ?

Giải

Số tiền lãi của ba đơn vị tỉ lệ thuận với vốn đầu tư tức là tỉ lệ thuận với 2 ; 5 và 7.

Gọi x, y, z là số tiền lãi của ba đơn vị tính theo đơn vị triệu đồng. Theo đề bài, ta có :

$$x + y + z = \dots \tag{1}$$

$$\text{và } x : y : z = \dots : \dots : \dots \tag{2}$$

Theo tính chất của dãy tỉ số bằng nhau, từ (2) và (1) ta có :

$$\frac{x}{\dots} = \frac{y}{\dots} = \frac{z}{\dots} = \frac{x+y+z}{\dots + \dots + \dots} = \dots = \dots$$

Do đó : $x = 40 \cdot 2 = 80$

$$y = 40 \cdot 5 = 200$$

$$z = 40 \cdot 7 = 280.$$

Số tiền lãi của ba đơn vị kinh doanh lần lượt là triệu đồng, triệu đồng và triệu đồng.

Dáp số : triệu đồng, triệu đồng, triệu đồng.

Bài 5 [5]. Cho hàm số $y = -2x + \frac{1}{3}$. Các điểm sau đây có thuộc đồ thị hàm số không ?

$$A\left(0; \frac{1}{3}\right); B\left(\frac{1}{2}; -2\right); C\left(\frac{1}{6}; 0\right).$$

Giai

Với $x = 0$ thì $y = -2.0 + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ nên điểm $A\left(0; \frac{1}{3}\right)$ thuộc đồ thị.

Với $x = \frac{1}{2}$ thì $y = + = + = \neq$ nên điểm $B\left(\frac{1}{2}; -2\right)$ đồ thị.

Với $x =$ thì $y = + = + =$ nên điểm $C\left(\frac{1}{6}; 0\right)$ đồ thị.

Bài 6 [11]. Tìm x , biết :

a) $(2x - 3) - (x - 5) = (x + 2) - (x - 1);$

b) $2(x - 1) - 5(x + 2) = -10.$

Giai

a) $(2x - 3) - (x - 5) = (x + 2) - (x - 1) \quad b) 2(x - 1) - 5(x + 2) = -10$

$$2x - 3 - + = x + 2 - + \quad (.... -) - (.... +) = -10$$

$$.... + = \quad = -.....$$

$$x = - \quad - =$$

$$x = ; \quad -... =$$

$$x =$$

Bài 7 [12]. Tìm hệ số a của đa thức $P(x) = ax^2 + 5x - 3$, biết rằng đa thức này có một nghiệm là $\frac{1}{2}$.

Giải

Đa thức $P(x)$ có một nghiệm là $\frac{1}{2}$ nên $P\left(\frac{1}{2}\right) = 0$. Ta có :

$$P\left(\frac{1}{2}\right) = a\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 5 \cdot \frac{1}{2} - 3 = 0$$

$$\frac{\dots}{\dots} + \frac{\dots}{\dots} - \dots = 0$$

$$\frac{\dots}{\dots} - \frac{\dots}{\dots} = 0$$

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots}$$

$$a = \frac{\dots}{\dots} : \frac{\dots}{\dots}$$

$$a = \dots .$$

Vậy hệ số a phải tìm là $a = \dots$

Bài 8 [13].

a) Tìm nghiệm của đa thức : $P(x) = 3 - 2x$;

b) Hỏi đa thức $Q(x) = x^2 + 2$ có nghiệm hay không ? Vì sao ?

Giải

a) Ta phải có $3 - 2x = 0$

$$\dots = \dots$$

$$x = \dots = \dots$$

Vậy nghiệm của đa thức $P(x)$ là $x = \dots$

b) Đa thức $Q(x) = x^2 + 2$ nghiệm vì với mọi x, ta luôn có $x^2 \geq 0$ nên $x^2 + 2 \geq 2 > 0$.

B. Phân hình học

Bài 1 [3]. (h.63) (Hình 61 SGK) Cho biết $a // b$, $\hat{C}=44^\circ$, $\hat{D}=132^\circ$. Tính số đo góc COD.

(*Hướng dẫn* : Vẽ đường thẳng song song với đường thẳng a và đi qua điểm O).

Giải

Kết tia Om // a thì

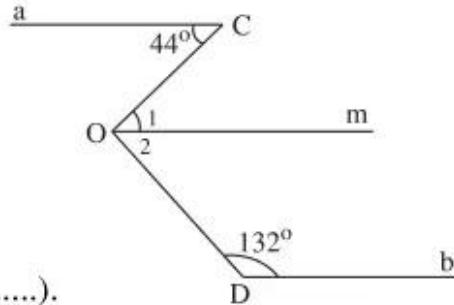
$$\widehat{O}_1 = \widehat{C} = \dots, (\dots).$$

Om // a mà a // b nêu Om ... b,

Do đó $\widehat{O_2} + \widehat{D} = 180^\circ$ (.....).

Suy ra $\widehat{O_2} = 180^\circ - \widehat{D} = 180^\circ - \dots = \dots$

Hình 63



Lưu ý : Ngoài cách giải theo hướng dẫn của SGK, ta còn có thể giải như sau : (h. 64)

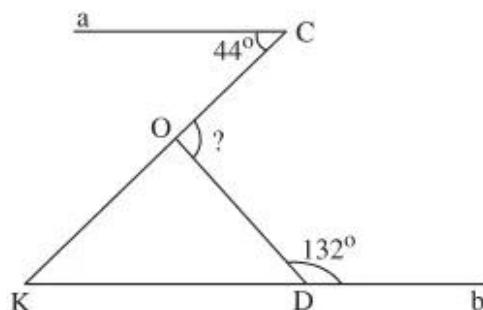
Gọi K là giao điểm của CO và b.

a // b nên $\widehat{K} = \widehat{C} = \dots$ (.....)

\widehat{ODK} kề bù với \widehat{D} nên

$$\widehat{\text{ODK}} = 180^\circ - \widehat{D} = 180^\circ - \dots = \dots$$

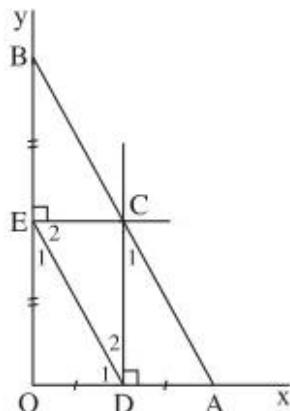
$\widehat{\text{COD}}$ là góc ngoài của ΔOKD nên $\widehat{\text{COD}} = \widehat{K} + \widehat{\text{ODK}} = \dots + \dots = \dots$



Hình 64

Bài 2 [4]. Cho góc vuông xOy , điểm A thuộc tia Ox , điểm B thuộc tia Oy . Đường trung trực của đoạn thẳng OA cắt Ox ở D, đường trung trực của đoạn thẳng OB cắt Oy ở E. Gọi C là giao điểm của hai đường trung trực đó. Chứng minh rằng :

Giải. (h.65)



Hình 65

- a) Nối ED. Ta có EC // OD (vì) nên $\widehat{E_2} = \widehat{D_1}$ (.....).

Tương tự, ta cũng có $DC \parallel OE$ nên $\widehat{E_1} = \widehat{D_2}$.

Xét ΔDOE và ΔECD , chúng có :

$$\widehat{E_1} = \widehat{D_2}; \text{ cạnh } ED \text{ chung}; \widehat{D_1} = \widehat{E_2}$$

Do đó $\Delta DOE = \Delta ECD$ (.....). Suy ra $CE = OD$.

b) Cũng do $\Delta DOE = \Delta ECD$ (chứng minh trên) ta còn suy ra $\widehat{O} = \widehat{ECD}$ mà $\widehat{O} = \dots$ nên $\widehat{ECD} = \dots$. Vậy $CE \perp CD$.

c) Xét ΔCDA và ΔBEC . Chúng có :

$AD = CE$ (cùng bằng OD) ; $\widehat{CDA} = \widehat{BEC} = 90^\circ$; $CD = BE$ (cùng bằng EO do $\Delta DOE = \Delta ECD$). Do đó $\Delta \dots = \Delta \dots$ (.....). Suy ra $CA = CB$.

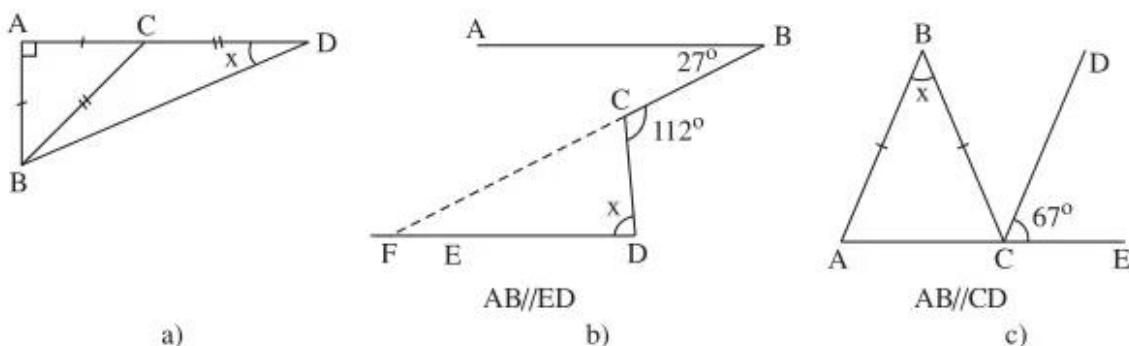
d) Xét ΔCDA và ΔDCE . Chúng có :

$$AD = CE, \widehat{CDA} = \widehat{ECD} = 90^\circ, \text{ cạnh } CD \text{ chung.}$$

Do đó $\Delta \dots = \Delta \dots$ (.....) suy ra $\widehat{C_1} = \widehat{D_2}$. Do đó $CA \parallel DE$ (vì có hai góc so le trong bằng nhau).

e) Tương tự câu d) ta có $CB \parallel DE$. Như vậy qua điểm C có CA và CB cùng song song với DE nên theo tiên đề Oclit, hai đường thẳng CA và CB trùng nhau. Do đó A, B, C là ba điểm thẳng hàng.

Bài 3 [5]. Tính số đo x trong mỗi hình 66a, b, c (hình 62, 63, 64 SGK)



Hình 66

Giải

a) Ta có $\widehat{ACB} = \dots$ (góc ở đáy của một tam giác vuông cân).

\widehat{ACB} là góc ngoài tại đỉnh C của tam giác cân BCD ($CB = CD$)
 nên $\widehat{ACB} = 2x$. Vậy $x = \frac{\widehat{ACB}}{2} = \frac{\dots}{2} = \dots$

b) Gọi F là giao điểm của BC và ED.

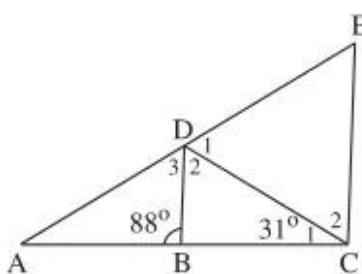
$\widehat{F} = \widehat{B} = 27^\circ$ (\dots). \widehat{BCD} là góc ngoài tại đỉnh C của ΔDCF
 nên $\widehat{BCD} = \dots + \dots$, suy ra $x = \dots - \dots = \dots - \dots = \dots$

c) Do $AB // CD$ nên $\widehat{BAC} = \widehat{DCE} = \dots$ (\dots). Tam giác ABC cân tại B
 nên $x = \widehat{B} = 180^\circ - 2 \cdot \widehat{BAC} = 180^\circ - 2 \cdot \dots = \dots$

Bài 4 [6]. Cho tam giác cân ADC ($AD = DC$) có $\widehat{ACD} = 31^\circ$. Trên cạnh AC lấy
 một điểm B sao cho $\widehat{ABD} = 88^\circ$. Từ C kẻ một tia song song với BD cắt tia
 AD ở E.

- a) Hãy tính các góc DCE và DEC ;
 b) Trong tam giác CED, cạnh nào lớn nhất ? Tại sao ?

Giải. (h.67)



Hình 67

GT
KL	a) b)

a) \widehat{ABD} là góc ngoài tại đỉnh B của tam giác DBC nên $\widehat{D}_2 = \dots - \dots = \dots - \dots = \dots$
 Vì $BD // CE$ nên $\widehat{C}_2 = \widehat{D}_2 = \dots$ (\dots).

Vậy $\widehat{DCE} = \dots$

tam giác ADC cân tại D nên $\widehat{A} = \widehat{C}_1 = \dots$

Trong tam giác ABD, $\widehat{D}_3 = 180^\circ - \widehat{A} - \widehat{ABD} = 180^\circ - \dots - \dots = \dots$

Vì $BD // CE$ nên $\widehat{E} = \widehat{D_3} = \dots$ (đồng vị).

Vậy $\widehat{DEC} = \dots$

b) ΔCDE có $\widehat{DCE} = \dots$, $\widehat{DEC} = \dots$ nên $\widehat{CDE} = 180^\circ - 57^\circ - 61^\circ = 62^\circ$.

Theo quan hệ giữa góc và cạnh đối diện của một tam giác ta có cạnh CE (đối diện với góc CDE) là cạnh lớn nhất.

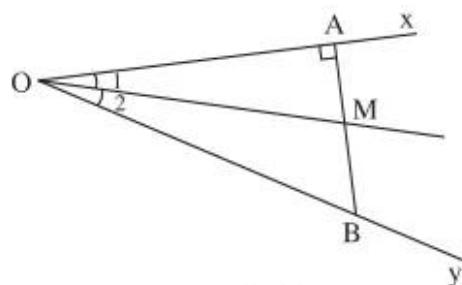
Bài 5 [7]. Từ một điểm M trên tia phân giác của góc nhọn xOy , kẻ đường vuông góc với cạnh Ox (tại A), đường thẳng này cắt cạnh Oy tại B .

a) Hãy so sánh hai đoạn thẳng OA và MA ;

b) Hãy so sánh hai đoạn thẳng OB và OM .

Giải. (h. 68)

GT
KL	a) b)



Hình 68

a) Tam giác vuông OAM có $\widehat{O_1} = \frac{\widehat{xOy}}{2}$ mà $\widehat{xOy} < \dots$ nên $\widehat{O_1} < \dots$, do đó $\widehat{OMA} > \dots$. Xét ΔOAM có $\widehat{OMA} \dots \widehat{AOM}$ nên $OA \dots MA$ (quan hệ giữa góc và cạnh đối diện của một tam giác).

b) \widehat{OMB} là góc ngoài tại đỉnh M của ΔOMA nên $\widehat{OMB} = \dots + \dots = 90^\circ + \dots > \dots$. Vậy cạnh OB đối diện với góc tù, là cạnh lớn nhất của ΔOMB . Suy ra $OB \dots OM$.

Bài 6 [8]. Cho tam giác ABC vuông tại A , đường phân giác BE . Kẻ EH vuông góc với BC ($H \in BC$). Gọi K là giao điểm của AB và HE . Chứng minh rằng :

a) $\Delta ABE = \Delta HBE$;

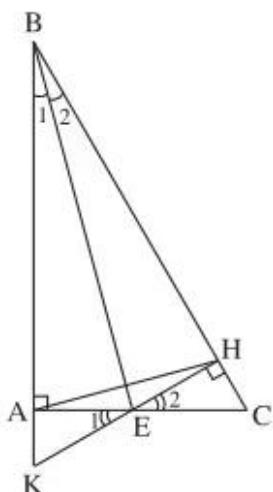
b) BE là đường trung trực của đoạn thẳng AH ;

c) $EK = EC$;

d) $AE < EC$.

Giai. (h. 69)

GT
KL	a) b) c) d)



Hình 69

- a) Hai tam giác vuông ABE và HBE có BE là , $\widehat{B_1} = \widehat{B_2}$ (.....), do đó $\Delta ABE = \Delta HBE$ (.....)
- b) Từ $\Delta ABE = \Delta HBE$ suy ra =, =, theo tính chất đường trung trực của đoạn thẳng ta có BE là đường trung trực của đoạn thẳng AH.
- c) Do EA = EH, $\widehat{E_1} = \widehat{E_2}$ (.....), $\widehat{A} = \widehat{H} = 90^\circ$ nên $\Delta AEK = \Delta HEC$ (.....), suy ra EK = EC.
- d) Trong tam giác vuông AEK, EK là cạnh huyền nên $AE < EK$ mà $EK =$ (câu c) nên $AE <$

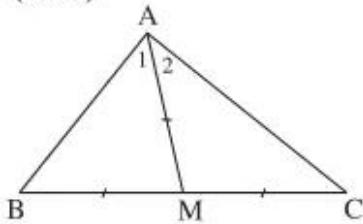
Bài 7 [9]. Chứng minh rằng : Nếu tam giác ABC có đường trung tuyến xuất phát từ A bằng một nửa cạnh BC thì tam giác đó vuông tại A.

Ứng dụng : Một tờ giấy bị rách ở mép như hình 70 (hình 65 SGK). Hãy dùng thước và compa dựng đường vuông góc với cạnh AB tại A.

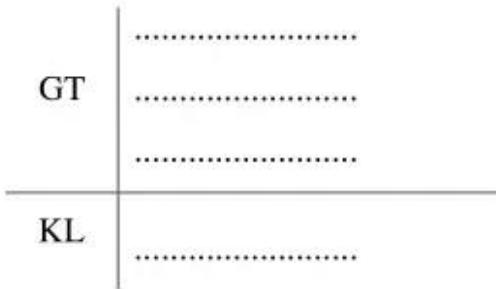


Hình 70

Giải. (h.71)



Hình 71



$$BM = MC = \frac{1}{2}BC \text{ nên } AM = BM = MC$$

Các tam giác AMB , AMC cân tại M nên $\hat{B} = \dots$, $\hat{C} = \dots$

Suy ra $\hat{B} + \hat{C} = \dots + \dots = \dots$

Ta lại có $\hat{B} + \hat{C} + \dots = 180^\circ$ nên

$\dots = 180^\circ : 2 = 90^\circ$ hay tam giác ABC vuông tại A .

Ứng dụng :

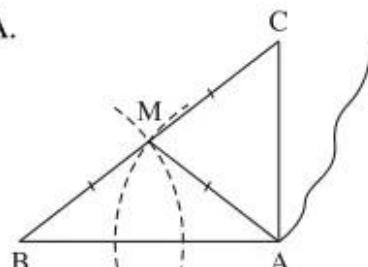
– Vẽ cung tròn tâm A bán kính $r \left(r > \frac{AB}{2} \right)$

– Vẽ cung tròn tâm B

– Gọi M là giao điểm của hai cung trên.

– Trên tia đối của tia MB lấy điểm C sao cho $\dots = \dots$

– Nối CA ta có (h. 72).



Hình 72

Bài 8 [10]. Cho hình 73 (hình 66 SGK). Không vẽ giao điểm của a , b hãy nêu cách vẽ đường thẳng đi qua giao điểm này và điểm M .

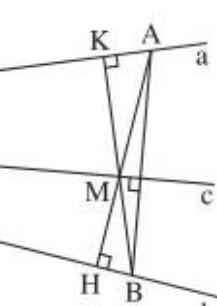
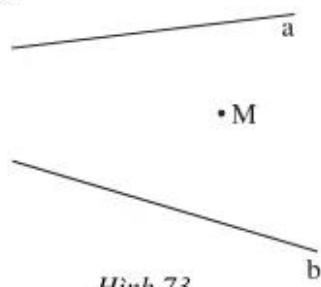
Giải

– Vẽ đường thẳng qua M vuông góc với a tại K , cắt b tại B ;

– Vẽ đường thẳng qua M vuông góc với b tại \dots , cắt a tại \dots ;

– Vẽ đường thẳng c qua M vuông góc với \dots

Khi đó đường thẳng c đi qua M và giao điểm của hai đường thẳng a , b đã cho (h. 74).



Hình 74