

## §7. Vị trí tương đối của hai đường tròn

64. (h.136)

Ta có  $O, A, O'$  thẳng hàng và  $B, A, C$  thẳng hàng nên  $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$  (đối đỉnh).

Do  $\hat{A}_1 = \hat{B}_1$ ,  $\hat{A}_2 = \hat{C}_1$  nên  $\hat{B}_1 = \hat{C}_1$ .

Do đó  $\hat{B}_2 = \hat{C}_2$ .

Hai góc so le trong  $\hat{B}_2, \hat{C}_2$  bằng nhau nên  $Bx // Cy$ .

65. (h.137)

Gọi  $H$  là giao điểm của  $OO'$  và  $AB$ . Ta có  $OO'$  là đường trung trực của  $AB$  nên các tam giác  $AHO, AHO'$  vuông và

$$AH = HB = \frac{24}{2} = 12 \text{ (cm)}.$$

Theo định lí Py-ta-go :

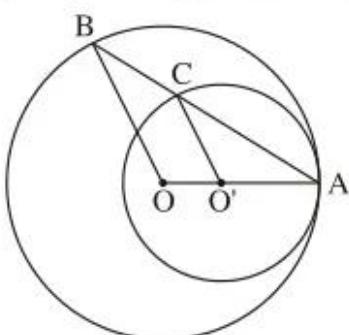
$$OH^2 = OA^2 - AH^2 = 15^2 - 12^2 = 81$$

$$\Rightarrow OH = 9 \text{ (cm)}.$$

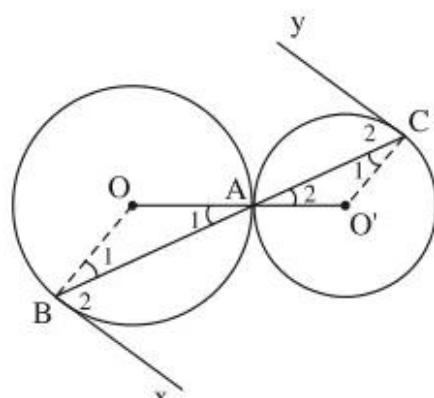
$$O'H^2 = O'A^2 - AH^2 = 13^2 - 12^2 = 25 \Rightarrow O'H = 5 \text{ (cm)}.$$

$$\text{Vậy } OO' = 9 + 5 = 14 \text{ (cm)}.$$

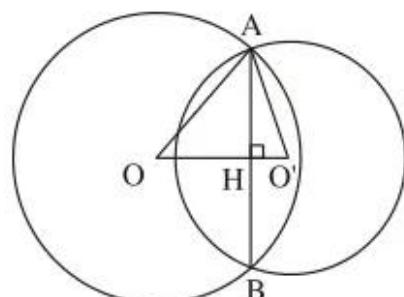
66. (h.138) Hãy chứng minh rằng  $\widehat{OBA} = \widehat{O'CA}$ .



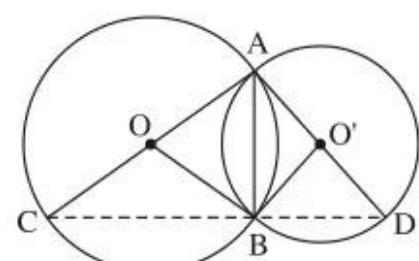
Hình 138



Hình 136



Hình 137



Hình 139

67. (h.139)

Tam giác ABC nội tiếp đường tròn đường kính AC nên  $\widehat{ABC} = 90^\circ$ .

Tam giác ABD nội tiếp đường tròn đường kính AD nên  $\widehat{ABD} = 90^\circ$ .

Suy ra C và D cùng thuộc đường vuông góc với AB tại B.

Do đó C, B, D thẳng hàng và  $AB \perp CD$ .

**68.** (h.140)

Kẻ OH và O'K vuông góc với CD.

Hình thang OO'KH có

$$OI = IO', IA \parallel OH \parallel O'K$$

nên  $AH = AK$ .

$$\text{Ta lại có } AH = \frac{AC}{2}, AK = \frac{AD}{2}$$

nên suy ra  $AC = AD$ .

**69.** (h.141)

a) Tam giác CAO' nội tiếp đường tròn đường kính CO' nên  $\widehat{CAO'} = 90^\circ$ .

Do đó CA là tiếp tuyến của đường tròn (O').

Tương tự CB là tiếp tuyến của đường tròn (O').

b) Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau :

$$\hat{C}_1 = \hat{C}_2.$$

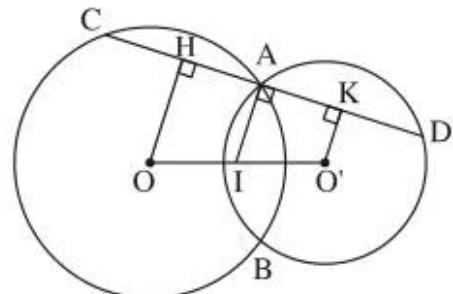
Ta có  $CA \parallel IO'$  (cùng vuông góc với  $AO'$ ) nên  $\hat{C}_1 = \hat{O}'_1$ .

Suy ra  $\hat{C}_2 = \hat{O}'_1$ .

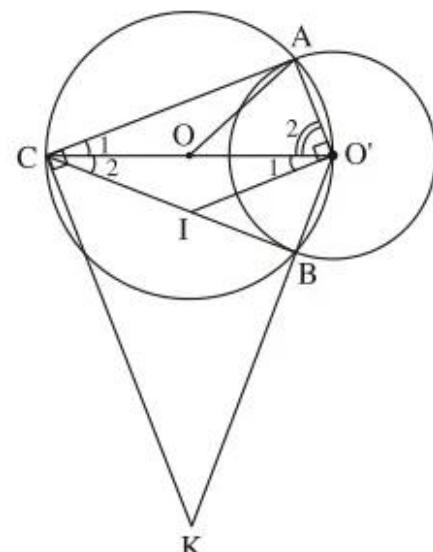
Do đó

$$IC = IO'. \quad (1)$$

Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau :  $\hat{O}'_2 = \widehat{CO'B}$ .



Hình 140



Hình 141

Ta có  $CK \parallel AO'$  (cùng vuông góc với  $AC$ ) nên  $\widehat{O_2} = \widehat{O'CK}$ .

Suy ra  $\widehat{CO'B} = \widehat{O'CK}$ .

Do đó  $KC = KO'$ . (2)

Ta lại có  $OC = OO'$ . (3)

Từ (1), (2), (3) suy ra  $O, I, K$  thẳng hàng (cùng nằm trên đường trung trực của  $CO'$ ).

**70.** (h.142)

a) Gọi  $H$  là giao điểm của  $AB$  và  $OO'$ .

Ta có  $AI = IK$ ,  $AH = HB$  nên  $IH$  là đường trung bình của tam giác  $AKB$ , do đó

$$IH \parallel KB.$$

Ta lại có  $OO' \perp AB$  nên  $IH \perp AB$ .

Suy ra  $KB \perp AB$ .

b)  $KB \perp AB$ ,  $AB = BE$  nên

$$KA = KE. \quad (1)$$

Tứ giác  $AO'OK$  có các đường chéo cắt nhau tại trung điểm của mỗi đường nên là hình bình hành, suy ra  $OK \parallel O'A$ . Ta lại có  $CA \perp O'A$  (vì  $CA$  là tiếp tuyến của  $(O')$ ). Suy ra  $OK \perp CA$ .

Đường kính chứa  $OK$  vuông góc với dây  $CA$  nên  $OK$  là đường trung trực của  $AC$ , do đó

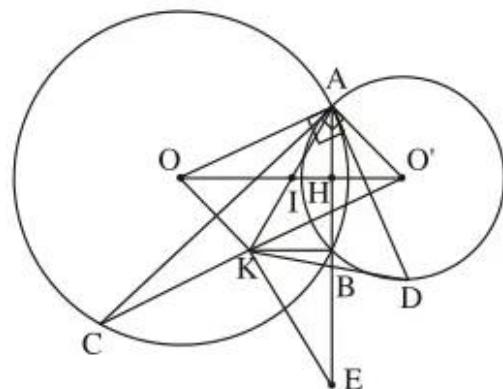
$$KA = KC. \quad (2)$$

$$\text{Chứng minh tương tự } KA = KD. \quad (3)$$

Từ (1), (2), (3) suy ra

$$KE = KA = KC = KD,$$

tức là bốn điểm  $E, A, C, D$  cùng thuộc một đường tròn có tâm  $K$ .

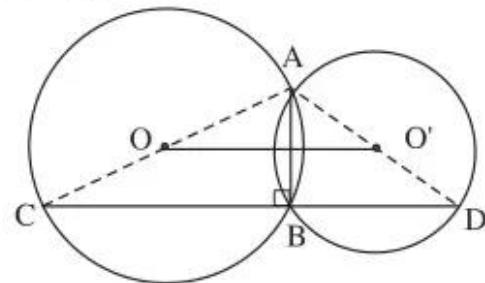


Hình 142

### Bài tập bổ sung

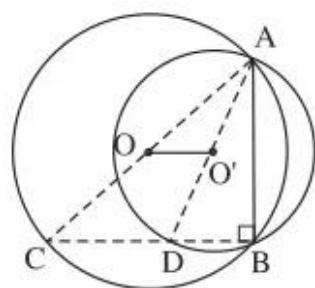
**7.1.** Chọn (A).

7.2. (h.bs.35)



a)

Hình bs. 35



b)

$\widehat{ABC} = 90^\circ$  nên A, O, C thẳng hàng.

$\widehat{ABD} = 90^\circ$  nên A, O', D thẳng hàng.

OO' là đường trung bình của  $\triangle ACD$  nên  $OO' = \frac{1}{2}CD$ .