

### §3. Đường thẳng song song với mặt phẳng

#### I – CÁC KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Một đường thẳng và một mặt phẳng gọi là song song với nhau nếu chúng không có điểm chung.
2. Một đường thẳng (*không nằm trên*  $mp(P)$ ) song song với  $mp(P)$  khi và chỉ khi nó song song với một đường thẳng nằm trong ( $P$ ).
3. Nếu  $mp(Q)$  đi qua đường thẳng  $a$  (mà  $a$  song song với  $mp(P)$ ) thì giao tuyến của  $mp(P)$  và  $mp(Q)$  (nếu có) song song với  $a$ .
4. Hai mặt phẳng cắt nhau cùng song song với một đường thẳng thì giao tuyến của chúng song song với đường thẳng đó.
5. Một mặt phẳng được xác định nếu nó đi qua đường thẳng  $a$  và song song với đường thẳng  $b$  trong đó  $b$  và  $a$  chéo nhau.

#### II - ĐỀ BÀI

33. Cho hai hình bình hành  $ABCD$  và  $ABEF$  không cùng nằm trong một mặt phẳng. Gọi  $O, O'$  lần lượt là tâm của các hình bình hành  $ABCD$  và  $ABEF$ ;  $G_1, G_2$  lần lượt là trọng tâm của các tam giác  $ABD$  và  $ABE$ . Chứng minh rằng :

- a)  $OO'$  song song với các mặt phẳng ( $ADF$ ) và ( $BCE$ ) ;
- b)  $G_1G_2$  song song với mặt phẳng ( $CEF$ ).
34. Cho tứ diện  $ABCD$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$  và  $N$  là một điểm thuộc cạnh  $CD$  không trùng với  $C$  và  $D$ . Mặt phẳng ( $P$ ) qua  $MN$  và song song với  $BC$ .
- a) Hãy xác định thiết diện của hình tứ diện khi cắt bởi  $mp(P)$ .
- b) Xác định vị trí của điểm  $N$  trên  $CD$  sao cho thiết diện là một hình bình hành.
35. Cho tứ diện  $ABCD$ . Hãy xác định thiết diện của hình tứ diện  $ABCD$  khi cắt bởi mặt phẳng ( $P$ ) trong mỗi trường hợp sau :
- a) Mặt phẳng ( $P$ ) đi qua trọng tâm  $G$  của tứ diện, qua điểm  $E$  thuộc cạnh  $BC$  và song song với  $AD$ .
- b) Đi qua trọng tâm của tứ diện và song song với  $BC$  và  $AD$ .
36. Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình bình hành. Gọi  $M$  là trung điểm của cạnh  $SC$  ; ( $P$ ) là mặt phẳng qua  $AM$  và song song với  $BD$ .
- a) Xác định thiết diện của hình chóp khi cắt bởi  $mp(P)$ .
- b) Gọi  $E$  và  $F$  lần lượt là giao điểm của ( $P$ ) với các cạnh  $SB$  và  $SD$ . Hãy tìm tỉ số diện tích của tam giác  $SME$  với tam giác  $SBC$  và tỉ số diện tích của tam giác  $SMF$  với tam giác  $SCD$ .
- c) Gọi  $K$  là giao điểm của  $ME$  với  $CB$ ,  $J$  là giao điểm của  $MF$  và  $CD$ . Hãy chứng minh ba điểm  $K, A, J$  nằm trên một đường thẳng song song với  $EF$  và tìm tỉ số  $\frac{EF}{KJ}$ .
37. Cho hình chóp  $S.ABCD$ . Một mặt phẳng ( $P$ ) cắt các cạnh  $SA, SB, SC, SD$  lần lượt tại  $A', B', C', D'$ .
- a) Tìm điều kiện của  $mp(P)$  để tứ giác  $A'B'C'D'$  là hình thang.
- b) Tìm điều kiện của  $mp(P)$  để tứ giác  $A'B'C'D'$  là hình bình hành.
38. Cho tứ diện  $ABCD$ . Trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABD$ , điểm  $I$  nằm trên cạnh  $BC$  sao cho  $BI = 2IC$ . Chứng minh rằng  $IG$  song song với mặt phẳng ( $ACD$ ).
39. Cho tứ diện  $ABCD$ . Một mặt phẳng ( $P$ ) di động luôn song song với  $AB$  và  $CD$  lần lượt cắt các cạnh  $AC, AD, BD, BC$  tại  $M, N, E, F$ .
- a) Chứng minh rằng tứ giác  $MNEF$  là một hình bình hành.
- b) Tìm tập hợp tâm  $I$  của hình bình hành  $MNEF$ .