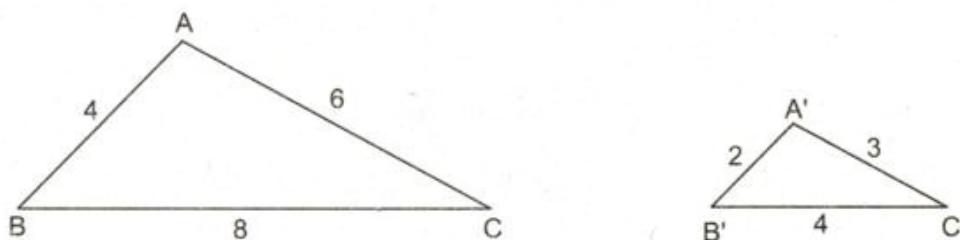


§5. Trường hợp đồng dạng thứ nhất

Không cần đo góc cũng có cách nhận biết được hai tam giác đồng dạng với nhau.

1. Định lí

? Hai tam giác ABC và $A'B'C'$ có kích thước như trong hình 32 (có cùng đơn vị đo là xentimét).



Hình 32

Trên các cạnh AB và AC của tam giác ABC lần lượt lấy hai điểm M, N sao cho $AM = A'B' = 2\text{cm}$; $AN = A'C' = 3\text{cm}$.

Tính độ dài đoạn thẳng MN .

Có nhận xét gì về mối quan hệ giữa các tam giác ABC , AMN và $A'B'C'$?

Trong trường hợp tổng quát ta có định lí sau :

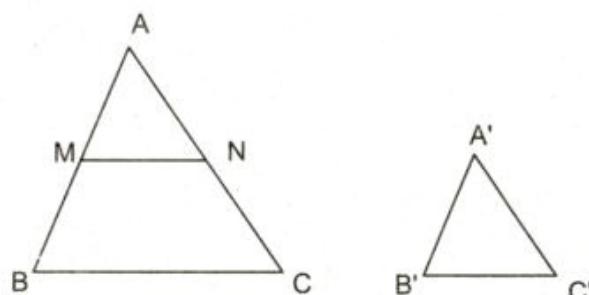
Định lí

Nếu ba cạnh của tam giác này tỉ lệ với ba cạnh của tam giác kia thì hai tam giác đó đồng dạng.

	$\Delta ABC, \Delta A'B'C'$
GT	$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'C'}{AC} = \frac{B'C'}{BC} \quad (1)$
KL	$\Delta A'B'C' \sim \Delta ABC$

Chứng minh :

Đặt trên tia AB đoạn thẳng $AM = A'B'$. Vẽ đường thẳng $MN // BC$, $N \in AC$ (h.33). Xét các tam giác AMN , ABC và $A'B'C'$.



Hình 33

Vì $MN \parallel BC$, nên $\Delta AMN \sim \Delta ABC$. Do đó

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}. \quad (2)$$

Từ (1) và (2), với chú ý $AM = A'B'$, ta có $\frac{A'C'}{AC} = \frac{AN}{AC}$ và $\frac{B'C'}{BC} = \frac{MN}{BC}$, suy ra $AN = A'C'$ và $MN = B'C'$.

Hai tam giác AMN và $A'B'C'$ có ba cạnh bằng nhau từng đôi một :

$AM = A'B'$ (cách dựng); $AN = A'C'$ và $MN = B'C'$ (theo chứng minh trên).

Do đó :

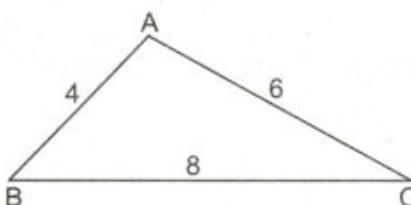
$$\Delta AMN \cong \Delta A'B'C' \text{ (c.c.c).}$$

Vì $\Delta AMN \sim \Delta ABC$, nên $\Delta A'B'C' \sim \Delta ABC$.

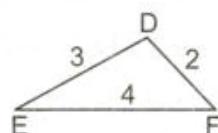
2. Áp dụng

?2

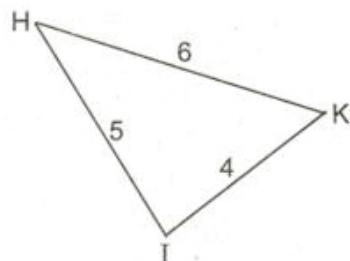
Tìm trong hình 34 các cặp tam giác đồng dạng :



a)



b)

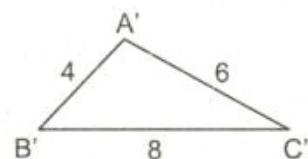
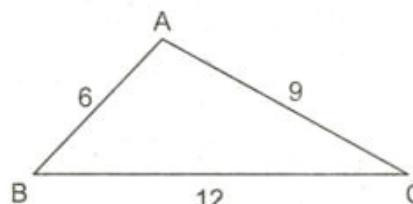


c)

Hình 34

BÀI TẬP

29. Cho hai tam giác ABC và $A'B'C'$ có kích thước như trong hình 35.



Hình 35

- a) ΔABC và $\Delta A'B'C'$ có đồng dạng với nhau không ? Vì sao ?
- b) Tính tỉ số chu vi của hai tam giác đó.
30. Tam giác ABC có độ dài các cạnh là $AB = 3\text{cm}$, $AC = 5\text{cm}$, $BC = 7\text{cm}$. Tam giác $A'B'C'$ đồng dạng với tam giác ABC và có chu vi bằng 55cm .
Hãy tính độ dài các cạnh của tam giác $A'B'C'$ (làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai).
31. Cho hai tam giác đồng dạng có tỉ số chu vi là $\frac{15}{17}$ và hiệu độ dài hai cạnh tương ứng của chúng là $12,5\text{cm}$. Tính hai cạnh đó.