

# 38

## BÀI TẬP VỀ GIAO THOA ÁNH SÁNG

### Bài tập 1

Trong thí nghiệm về giao thoa ánh sáng, các khe  $S_1$  và  $S_2$  được chiếu sáng bởi ánh sáng đơn sắc. Khoảng cách giữa hai khe  $a = 1 \text{ mm}$ . Khoảng cách giữa mặt phẳng chứa hai khe và màn quan sát  $E$  là  $D = 3 \text{ m}$  (Hình 38.1).

- a) Biết bước sóng của chùm sáng đơn sắc là  $\lambda = 0,5 \mu\text{m}$ . Hãy tính khoảng vân.
- b) Hãy xác định vị trí vân sáng bậc 2 trên màn quan sát.

*Bài giải*

a) Ta có khoảng vân :  $i = \frac{\lambda D}{a} = \frac{0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 3}{10^{-3}} = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 1,5 \text{ mm}$

b) Vị trí vân sáng bậc 2 :  $x = k \frac{\lambda D}{a} = 2i = 3 \text{ mm}$



Hình 38.1

### Bài tập 2

Hai lăng kính  $A_1, A_2$  có góc chiết quang  $A$  đều bằng  $20'$ , có đáy  $B$  chung, được làm bằng thuỷ tinh, chiết suất  $n = 1,5$ . Một nguồn sáng điểm  $S$  đặt trong mặt phẳng của đáy  $B$  cách hai lăng kính một khoảng  $d = 50 \text{ cm}$  phát ánh sáng đơn sắc, bước sóng  $\lambda = 600 \text{ nm}$ . Một màn  $E$  cách hai lăng kính một khoảng  $d' = 70 \text{ cm}$ .

- a) Chứng minh rằng, trên màn  $E$  ta quan sát được một hệ vân giao thoa.
- b) Tính khoảng cách  $i$  giữa hai vân sáng liên tiếp và số vân có thể quan sát được. Cho  $1' \approx 3 \cdot 10^{-4} \text{ rad}$ .

*Bài giải*

- a) Các tia sáng đi từ  $S$ , sau khi đi qua lăng kính  $A_1$  bị lệch một góc  $\Delta$  :

$$\Delta = (n - 1)A$$

về phía đáy tựa như được phát đi từ ảnh ảo  $S_1$  của  $S$  (Hình 38.2). Cũng thế, các tia sáng qua lăng kính  $A_2$  cũng tựa như được phát đi từ ảnh ảo  $S_2$  của  $S$ . Vì góc chiết quang nhỏ, nên xem gần đúng như :  $S_1 S_2 \perp SBIO$ . Hai nguồn điểm  $S_1, S_2$  là hai ảnh ảo của cùng một nguồn  $S$  nên luôn luôn là hai nguồn kết hợp. Hai chùm sáng khúc xạ đính  $S_1, S_2$  có phần chung là  $P_1 P_2$  (xem Hình 38.2) ; mỗi điểm trên màn  $E$  ở trong khoảng  $P_1 P_2$  nhận được hai dao động sáng kết hợp. Hai dao động (sóng) này giao thoa với nhau, làm xuất hiện một hệ vân giao thoa trong khoảng  $P_1 P_2$  ( $P_1 P_2$  là bể rộng của vùng giao thoa).

b) Từ Hình 38.2, ta tìm được khoảng cách  $a$  giữa hai nguồn  $S_1S_2$ :

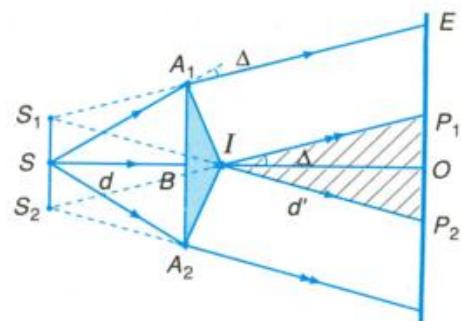
$$a = S_1S_2 = 2IS \cdot \tan\Delta \approx 2d(n - 1)A$$

Thay số, ta được :

$$a = 2.50.(1,5 - 1).20.3.10^{-4} = 0,3 \text{ cm} = 3 \text{ mm}$$

Khoảng vân :

$$i = \frac{\lambda D}{a} = \frac{\lambda(d + d')}{a} \approx 0,24 \text{ mm}$$



Hình 38.2

Số vân sáng nhiều nhất có thể quan sát được trên màn  $E$ :

$$N = 1 + 2 \cdot \frac{P_1 P_2}{2i}$$

(trong đó chỉ lấy phần nguyên của thương số  $\frac{P_1 P_2}{2i}$ ).

Từ Hình 38.2, xét hai tam giác đồng dạng  $IS_1S_2$  và  $IP_1P_2$ , ta tìm được bê rộng  $P_1P_2$  của vùng giao thoa :

$$\frac{P_1 P_2}{S_1 S_2} = \frac{d'}{d} \Rightarrow P_1 P_2 = S_1 S_2 \frac{d'}{d} = a \frac{d'}{d} = 4,2 \text{ mm}$$

Do đó, ta được :

$$N = 1 + 2 \cdot \frac{P_1 P_2}{2i} \approx 17 \text{ vân}$$

Chú ý : Khi tính thương số  $\frac{P_1 P_2}{2i}$ , ta chỉ giữ lại phần nguyên.

(Thực ra, do hiện tượng nhiễu xạ nên các vân ở gần  $P_1P_2$  hầu như không quan sát được, và số vân thực sự quan sát được thường nhỏ hơn  $N$  chừng vài vân).

### Bài tập 3

Một thấu kính có tiêu cự  $f = 20 \text{ cm}$ , đường kính vành  $L = 3 \text{ cm}$  được cưa làm đôi theo một đường kính. Sau đó hai nửa thấu kính được tách cho xa nhau một khoảng  $e = 2 \text{ mm}$  (nhờ chèn vào giữa một sợi dây hoặc thỏi kim loại). Một khe sáng hẹp song song với đường chia hai nửa thấu kính, đặt cách đường ấy một khoảng  $d = 60 \text{ cm}$ . Khe sáng  $F$  phát ánh sáng đơn sắc có bước sóng  $\lambda = 0,546 \mu\text{m}$ . Vận giao thoa được quan sát trên một màn  $E$ , đặt cách hai nửa thấu kính một khoảng  $D$  (Hình 38.3).

a) Muốn quan sát được các vân giao thoa trên màn  $E$ , thì  $D$  phải có giá trị nhỏ nhất là bao nhiêu ?

b) Cho  $D = 1,8 \text{ m}$ , tính khoảng vân và số vân sáng quan sát được trên màn.

*Bài giải*

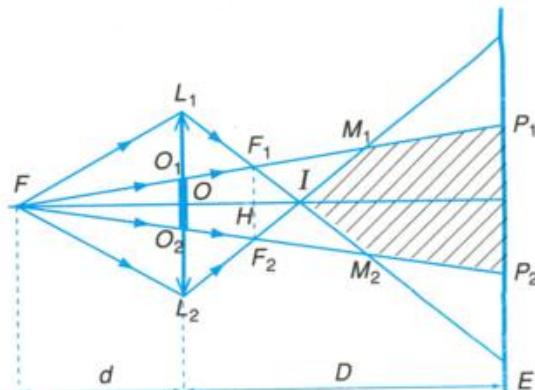
a) Vẽ hai chùm sáng phát ra từ  $F$  đi tới hai nửa thấu kính, ta được hai ảnh thật  $F_1, F_2$  của  $F$  tạo bởi hai nửa thấu kính (Hình 38.3).

$F_1, F_2$  là hai nguồn kết hợp, cho hai chùm sáng giao thoa với nhau tại vùng giao nhau. Trên Hình 38.3, vùng giao thoa (được gạch chéo trên hình vẽ) được giới hạn bởi các tia sáng :  $L_1F_1M_2 ; O_1F_1M_1 ; L_2F_2M_1$  và  $O_2F_2M_2$ .

Khoảng cách  $d'$  từ  $F_1F_2$  đến  $O_1O_2$  là :

$$d' = \frac{df}{d-f} = \frac{60 \cdot 20}{60-20} = 30 \text{ cm}$$

Hai tam giác đồng dạng  $FO_1O_2$  và  $FF_1F_2$  cho ta :



Hình 38.3

$$\frac{F_1F_2}{O_1O_2} = \frac{FH}{FO} \Rightarrow \frac{a}{e} = \frac{d+d'}{d}$$

Do đó :

$$F_1F_2 = a = e \frac{d+d'}{d} = 3 \text{ mm}$$

Hình 38.3 cho thấy rằng, để quan sát được các vân giao thoa, ta phải đặt màn  $E$  ở xa thấu kính hơn điểm  $I$  (giao điểm của hai tia sáng  $L_1F_1$  và  $L_2F_2$ ), nghĩa là phải có :  $D > OI$ .

Để tính  $OI$ , xét hai tam giác đồng dạng  $IF_1F_2$  và  $IL_1L_2$  :

$$\frac{F_1F_2}{L_1L_2} = \frac{IH}{IO} \Rightarrow \frac{L_1L_2 - F_1F_2}{L_1L_2} = \frac{IO - IH}{IO}$$

Do đó :

$$IO = d' \frac{(L+e)}{L+e-a} \approx 33,1 \text{ cm.}$$

Vậy giá trị nhỏ nhất của  $D$  phải là 33,1 cm.

b) Khoảng vân :

$$i = \frac{\lambda(D-d')}{a} = \frac{0,546 \cdot 10^{-6} \cdot (1,8 - 0,3)}{3 \cdot 10^{-3}} = 0,273 \cdot 10^{-3} \text{ m} \approx 0,27 \text{ mm}$$

Bề rộng vùng giao thoa :

$$\frac{P_1P_2}{O_1O_2} = \frac{D+d}{d}$$

Suy ra :

$$P_1P_2 = e \cdot \frac{D+d}{d} = 8 \text{ mm.}$$

Số vân sáng nhiều nhất có thể quan sát được trên màn :  $N = 1 + 2 \cdot \frac{P_1P_2}{2i} \approx 29$

Số vân thực sự quan sát được nhỏ hơn 29 vân.